



# Guía Docente:

## ESTADÍSTICA APLICADA Y CÁLCULO NUMÉRICO

---



**FACULTAD DE CIENCIAS QUÍMICAS**  
**UNIVERSIDAD COMPLUTENSE DE MADRID**  
**CURSO 2013-2014**



## I.- IDENTIFICACIÓN

<b>NOMBRE DE LA ASIGNATURA:</b>	<b>Estadística Aplicada y Cálculo Numérico</b>
<b>NÚMERO DE CRÉDITOS:</b>	<b>6</b>
<b>CARÁCTER:</b>	<b>Obligatoria</b>
<b>MATERIA:</b>	<b>Estadística</b>
<b>MÓDULO:</b>	<b>Básico</b>
<b>TITULACIÓN:</b>	<b>Grado en Química</b>
<b>SEMESTRE/CUATRIMESTRE:</b>	<b>Segundo (primer curso)</b>
<b>DEPARTAMENTO/S:</b>	<b>Sección departamental de Matemática Aplicada</b>

### PROFESOR/ES RESPONSABLE/S:

<b>Coordinador de la asignatura</b>	<b>Profesor:</b>	JOSÉ MARÍA ARRIETA ALGARRA
	<b>Departamento:</b>	Sección Departamental de Matemática Aplicada
	<b>Despacho:</b>	QB 650
	<b>e-mail:</b>	arrieta@mat.ucm.es

### Grupo A

<b>Teoría Seminario Tutoría</b>	<b>Profesor:</b>	JOSÉ MARÍA ARRIETA ALGARRA
	<b>Departamento:</b>	Sección Departamental de Matemática Aplicada
	<b>Despacho:</b>	QB 650
	<b>e-mail:</b>	arrieta@mat.ucm.es
<b>Seminario</b>	<b>Profesora:</b>	GLORIA CABRERA GÓMEZ
	<b>Departamento:</b>	Sección Departamental de Matemática Aplicada
	<b>Despacho:</b>	QB-634
	<b>e-mail:</b>	cabrera@estad.ucm.es

### Grupo B

<b>Teoría Seminario Tutoría</b>	<b>Profesor:</b>	ROBERTO RODRIGUEZ DEL RIO
	<b>Departamento:</b>	Sección Departamental de Matemática Aplicada
	<b>Despacho:</b>	QB-634
	<b>e-mail:</b>	rr_delrio@mat.ucm.es
<b>Seminario</b>	<b>Profesor:</b>	DAVID USERO MAINER
	<b>Departamento:</b>	Sección Departamental de Matemática Aplicada
	<b>Despacho:</b>	QB-634
	<b>e-mail:</b>	umdavid@mat.ucm.es



Grupo C	
Teoría Seminario Tutoría	<b>Profesor:</b> VALERI MAKAROV <b>Departamento:</b> Matemática Aplicada <b>Despacho:</b> 420- Facultad de. Matemáticas <b>e-mail:</b> <a href="mailto:vmakarov@mat.ucm.es">vmakarov@mat.ucm.es</a>
Seminario	<b>Profesor:</b> UWE BRAUER <b>Departamento:</b> Sección Departamental de Matemática Aplicada <b>Despacho:</b> QB-636 <b>e-mail:</b> Uwe_Brauer@mat.ucm.es

Grupo D	
Teoría Seminario Tutoría	<b>Profesor:</b> UWE BRAUER <b>Departamento:</b> Sección Departamental de Matemática Aplicada <b>Despacho:</b> QB-636 <b>e-mail:</b> Uwe_Brauer@mat.ucm.es
Seminario	<b>Profesor:</b> VALERI MAKAROV <b>Departamento:</b> Matemática Aplicada <b>Despacho:</b> 420- Facultad de. Matemáticas <b>e-mail:</b> <a href="mailto:vmakarov@mat.ucm.es">vmakarov@mat.ucm.es</a>

Grupo E	
Teoría Seminario Tutoría	<b>Profesora:</b> GLORIA CABRERA GÓMEZ <b>Departamento:</b> Sección Departamental de Matemática Aplicada <b>Despacho:</b> QB-634 <b>e-mail:</b> cabrera@estad.ucm.es
Seminario	<b>Profesor:</b> JOSÉ MARÍA ARRIETA ALGARRA <b>Departamento:</b> Sección Departamental de Matemática Aplicada <b>Despacho:</b> QB 650 <b>e-mail:</b> arrieta@mat.ucm.es

Grupo F	
Teoría Seminario Tutoría	<b>Profesor:</b> DAVID USERO MAINER <b>Departamento:</b> Sección Departamental de Matemática Aplicada <b>Despacho:</b> QB-634 <b>e-mail:</b> <a href="mailto:umdavid@mat.ucm.es">umdavid@mat.ucm.es</a>
Seminario	<b>Profesor:</b> ROBERTO RODRIGUEZ DEL RIO <b>Departamento:</b> Sección Departamental de Matemática Aplicada <b>Despacho:</b> QB-634 <b>e-mail:</b> rr_delrio@mat.ucm.es



## II.- OBJETIVOS

### ■ OBJETIVO GENERAL

Esta asignatura es el primer contacto con la estadística de la mayoría de los estudiantes y el primer contacto con el análisis numérico de la totalidad de ellos, lo que supone un planteamiento distinto, aunque no por ello menos riguroso, del lenguaje de la ciencia.

El objetivo general de esta asignatura es el aprendizaje del tratamiento de datos experimentales desde el punto de vista de la estadística y la resolución de diversos problemas matemáticos de forma numérica, al mismo tiempo que se adquieren los conocimientos especificados en el programa. Para ello es fundamental una base matemática como la adquirida en la asignatura de *Matemáticas*.

### ■ OBJETIVOS ESPECÍFICOS

- Conocimiento de las técnicas elementales de manejo de conjuntos de datos
- Conocimiento de la técnica de ajuste de datos a una ley empírica por mínimos cuadrados
- Manejo de tablas de distintas distribuciones estadísticas
- Conocimiento de las técnicas de la inferencia estadística
- Introducción a análisis de la varianza (ANOVA)
- Aprendizaje de métodos numéricos para la resolución de problemas procedentes del campo de la Química
- Uso de un programa informático de tratamiento de datos (Excel)

## III.- CONOCIMIENTOS PREVIOS Y RECOMENDACIONES

### ■ CONOCIMIENTOS PREVIOS:

Los conocimientos descritos en los programas oficiales de las asignaturas de Matemáticas I y Matemáticas II del Bachillerato español, con especial atención a los relacionados con la Estadística (Primero de Bachillerato).

### ■ RECOMENDACIONES:

En el caso de no tener los conocimientos previos anteriormente citados, se recomienda su adquisición antes de empezar este curso.

## IV.- CONTENIDOS

### ■ BREVE DESCRIPCIÓN DE LOS CONTENIDOS:

Estadística descriptiva. Variables aleatorias discretas y continuas. Inferencia Estadística. Estimación de parámetros. Intervalos de confianza. Contraste de hipótesis. ANOVA. Métodos numéricos.



## ■ PROGRAMA:

1. Métodos numéricos
  - Análisis de errores, error por truncamiento
  - Interpolación con polinomios de Newton
  - Diferenciación numérica, derivadas de ordenes 1 (hacia adelante, hacia atrás y central) y 2 (central)
  - Integración numérica, fórmulas del trapecio y del trapecio compuesto
  - EDO: Problemas de Valor Inicial, Método de Euler.
2. Elementos de la estadística descriptiva
  - Población y muestra
  - Frecuencias, media, varianza, desviación típica y covarianza
  - Rectas de regresión
3. Conceptos básicos del cálculo de probabilidades
  - Sucesos, espacio muestral, fórmulas de análisis combinatorio
  - Probabilidad como límite de frecuencia relativa
  - Propiedades básicas de la probabilidad
4. Variables aleatorias y distribuciones de probabilidad
  - Variable aleatoria discreta, función de distribución, esperanza y varianza
  - Variable aleatoria continua, densidad de probabilidad
  - Distribuciones binomial, de Poisson y Normal
  - Variables aleatorias múltiples, la media y la varianza de suma de dos variables, covarianza, esperanza y varianza de suma de variables independientes
  - Teorema central del límite
5. Inferencia Estadística
  - Distribuciones de Pearson, de Student y de Fisher
  - Estimadores centrados de la media y de la varianza
  - Intervalos de confianza para la media, la varianza y proporción
  - Contraste de hipótesis, estadísticos para contrastes de los valores de la media y de la varianza
  - Contraste de igualdad de medias, ANOVA

## V.- COMPETENCIAS

### ■ GENERALES:

- **CG6:** Analizar y resolver problemas cualitativos y cuantitativos.
- **CG7:** Reconocer y analizar nuevos problemas y planear estrategias para solucionarlos.

### ■ ESPECÍFICAS:

- **CE28-EC1:** Calcular los parámetros fundamentales de la estadística descriptiva.



- **CE28-EC2:** Aproximar una nube de puntos mediante funciones.
- **CE28-EC3:** Reconocer distintas variables aleatorias y manejar sus tablas.
- **CE28-EC4:** Estimar parámetros estadísticos, contrastar hipótesis y tomar decisiones.
- **CE29-EC1:** Aproximar soluciones de algunos problemas por métodos numéricos.

### ■ TRANSVERSALES:

- **CT3:** Demostrar razonamiento crítico y autocrítico.
- **CT7:** Utilizar las herramientas y los programas informáticos que facilitan el tratamiento de los datos experimentales.
- **CT11:** Desarrollar el trabajo de forma autónoma.

## VI.- RESULTADOS DEL APRENDIZAJE

Una vez superada esta asignatura, el alumno debe ser capaz de:

- Utilizar las técnicas básicas de la aproximación de funciones (polinomia de Taylor, interpolación, etc.).
- Aplicar formulas de cuadratura para aproximar integrales.
- Conocer las ideas básicas de la derivación y la integración numérica.
- Manejar el método de Euler para la resolución numérica de ecuaciones diferenciales ordinarias.
- Utilizar una hoja de cálculo para organizar tablas de frecuencias y calcular parámetros estadísticos de datos experimentales.
- Analizar parejas de datos experimentales y aproximarlos por rectas de regresión estimando la bondad de la aproximación.
- Manejar los conceptos básicos de la Estadística y aplicar sus herramientas a la caracterización de poblaciones y muestras.
- Aplicar el concepto de probabilidad en contextos científicos reales.
- Manejar y utilizar el lenguaje b.
- Analizar estadísticamente un conjunto de datos experimentales y extraer conclusiones para las poblaciones.
- Calcular intervalos de confianza para distintos parámetros estadísticos de las variables aleatorias.
- Utilizar el contraste de hipótesis para la toma de decisiones.
- Manejar las técnicas estadísticas de Análisis de la Varianza para el análisis de varias muestras.



## VII. – HORAS DE TRABAJO Y DISTRIBUCIÓN POR ACTIVIDAD

La asignatura de Estadística Aplicada y Cálculo Numérico es una asignatura que tiene asignada un total de 6 créditos que se imparten a lo largo del segundo cuatrimestre del primer curso. La dedicación del alumno a esta asignatura será, de acuerdo con los criterios ECTS, de 150 horas al año, distribuidas de la siguiente manera:

Actividad	Presencial (horas)	Trabajo autónomo (horas)	Créditos
Clases teóricas	30	50	3,2
Seminarios	15	25	1,6
Tutorías	3	4,5	0,3
Preparación de trabajos y exámenes	5	17,5	0,9
<b>Total</b>	<b>53</b>	<b>97</b>	<b>6</b>

## VIII.- METODOLOGÍA

Durante las **clases presenciales de teoría** se dará a conocer al alumno el contenido de la asignatura, de acuerdo con el programa de la misma.

Se pondrá en el campus virtual una relación de problemas/prácticas con el objetivo de que el alumno intente su resolución.

Los **seminarios** son clases prácticas presenciales. Dichas clases se realizarán desdoblado el grupo en dos subgrupos.

**Tutorías:** se formarán grupos de estudiantes. Cada grupo asistirá a 3 tutorías de una hora de duración durante el curso.

Se elaborarán “guías-prácticas” de uso del programa informático adaptadas a los contenidos de la asignatura, a partir de las cuales el alumno, guiado por el profesor, debe aprender cómo aplicar dicho programa informático a la profundización de los contenidos y a la resolución de problemas de la asignatura. Se contempla la posibilidad de que algún seminario o tutoría se realice en el aula de informática.

**Actividades dirigidas:** también se propondrán prácticas a modo de trabajos dirigidos para lo que se realizarán tutorías programadas.

## IX.- BIBLIOGRAFÍA

### ■ BÁSICA:

- ÁLVAREZ CONTRERAS, S. J.: “*Estadística aplicada. Teoría y problemas*”, C.L.A.G.S.A., 2000.



- VÁZQUEZ MARTÍNEZ, L.; JIMÉNEZ, S.; AGUIRRE, C.; PASCUAL, P. J.: “Métodos numéricos para la física y la ingeniería”, McGraw Hill, 2009.
- MATHEWS, J. H.; FINK K. D. “Métodos numéricos con Matlab”, Ed. Prentice-Hall. Madrid, 2000

### ■ COMPLEMENTARIA:

- RODRÍGUEZ SALAZAR, S.: “Matemáticas para estudiantes en Químicas”, Síntesis, 2007.
- STEINER, E.: “Matemáticas para ciencias aplicadas”, Reverté, 2005.
- CANAVOS, G.: “Probabilidad y estadística. Aplicaciones y métodos”, McGraw Hill.
- SPIEGEL, M. R.: “Estadística”, McGraw Hill, 1991.
- ROSS, S. M.: “Introducción a la estadística”, Reverté, 2005.
- FAIRES, J. D.; BURDEN, R.: “Métodos numéricos”, Thomson, 2004.
- INFANTE, J. A.; REY, J. M.: “Métodos numéricos. Teoría, problemas y prácticas con Matlab”, Ediciones Pirámide, 2007.
- BURDEN, R.; FAIRES, J. D.: “Análisis numérico”, International Thomson Editores, 1998.

## X.- EVALUACIÓN

La evaluación se realizará mediante controles (evaluación continua) y examen final.

### ■ CONTROLES: 30%

- Se realizarán dos controles de una hora de duración a lo largo del curso (15% de la nota en cada control).

Se valoran las competencias CG6, CG7, CE28, CE29, CT3, CT7 y CT11.

### ■ EXAMEN FINAL: 70%

- Se realizará un **examen final** de 3 horas de duración (70% de la nota)

Se valoran las competencias CG6, CG7, CE28, CE29, CT3 y CT11

### ■ EXAMEN EXTRAORDINARIO DE SEPTIEMBRE: 100%

- En caso de suspender la asignatura, el alumno tendrá derecho a realizar un **examen extraordinario de septiembre** de 3 horas de duración. (100% de la nota)

Se valoran las competencias CG6, CG7, CE28, CE29, CT3, CT7 y CT11.



**PLANIFICACIÓN DE ACTIVIDADES – CRONOGRAMA**

TEMA	ACTIVIDAD	HORAS	GRUPOS	INICIO	FIN
<b>1. Métodos Numéricos</b>	Clases Teoría	4	1	1ª Semana	2ª Semana
	Clases Prácticas	2	2		
<b>2. Estadística descriptiva. Ajustes por mínimos cuadrados</b>	Clases Teoría	4	1	3ª Semana	4ª Semana
	Clases Prácticas	2	2		
<b>3. Conceptos básicos del cálculo de probabilidades</b>	Clases Teoría	4	1	5ª Semana	6ª Semana
	Clases Prácticas	2	2		
<b>4. Variables aleatorias y distribuciones de probabilidad</b>	Clases Teoría	8	1	7ª Semana	10ª Semana
	Clases Prácticas	4	2		
<b>5. Inferencia Estadística</b>	Clases Teoría	10	1	11ª Semana	15ª Semana
	Clases Prácticas	5	2		
	Tutorías Programadas*	3	3	10ª, 12ª y 14ª Semanas	
	Exámenes Escritos	4	1	Determinado por la Facultad	

\* Las tutorías programadas están sujetas a posibles modificaciones según la planificación completa del curso.



RESUMEN DE LAS ACTIVIDADES

Actividad docente	Competencias asociadas	Actividad Profesor	Actividad alumno	Procedimiento de evaluación	P	NP	Total	C
Clases presenciales de teoría	CG6, CG7, CE28, CE29 CT3, CT11	Exposición de los temas del programa.	Escuchar. Entender. Planteamiento de dudas. Toma de apuntes para luego preguntar.	Controles y exámenes finales.	30	97		70%
Clases presenciales prácticas		Aplicación de la teoría a la resolución de ejercicios y problemas. Preparación de manuales para resolver problemas con el programa informático.	Resolución de los problemas propuestos. Planteamiento de preguntas y dudas. Exposición en la pizarra. Uso de un programa informático para resolver problemas	Controles y exámenes finales.	15			+
Tutorías	CE28, CE29 CT7	Ayuda al alumno a dirigir su estudio.	Consulta al profesor sobre las dificultades que encuentra, tanto conceptuales como metodológicas, al estudiar la materia.	Asistencia obligatoria los días asignados.	3			
Exámenes	CG6, CG7, CE28, CE29, CT3, CT7, CT11	Propuesta, vigilancia y corrección del examen. Calificación del alumno.	Preparación y realización.	Controles y exámenes finales.	5			

P : Presenciales; NP: no presenciales (trabajo autónomo); C: calificación